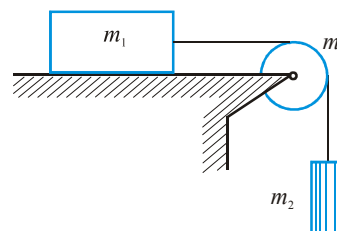


**ДРУШТВО ФИЗИЧАРА СРБИЈЕ**  
**МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ И СПОРТА РЕПУБЛИКЕ СРБИЈЕ**

**Задачи за општинско такмичење ученика средњих школа**  
**11. фебруар 2007.**  
**II разред**

1. У систему приказаном на слици познате су масе тела  $m_1 = 400 \text{ g}$  и  $m_2 = 200 \text{ g}$ , а коефицијент трења између тела  $m_1$  и хоризонталне равни је  $k = 0,1$ . Маса катура је  $m = 100 \text{ g}$  и можемо га сматрати хомогеним диском. Нит по катуру не проклизује. У тренутку  $t = 0 \text{ s}$  тело масе  $m_2$  почиње да се спушта. Занемарујући масу нити и трење у оси блока, наћи:  
а) убрзање тела масе  $m_2$ ; б) рад силе трења, која делује на тело масе  $m_1$ , у току првих  $t = 10 \text{ s}$  од почетка кретања. Убрзање силе земљине теже је  $g = 9,81 \text{ m/s}^2$ . (20 п)

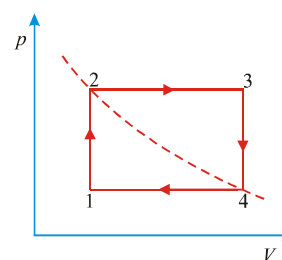


2. Запремина неке масе гаса се, при загревању за  $1 \text{ }^\circ\text{C}$  и при непромењеном притиску, повећа за  $1/335$  део своје првобитне запремине. Израчунајте колика је почетна температура гаса. (15 п)

3. У посуди се налази гас у стању "1" у коме је притисак  $p_1$  а запремина  $V_1$ . Гас се рашири до запремине  $V_2$  и притиска  $p_2$ . При томе се притисак линеарно смањује са повећањем запремине по закону  $p = -aV + b$ , ( $a, b \neq 0$ ). Маса гаса је  $m$  а моларна маса је  $M$ . Нађите општи израз зависности параметара  $a$  и  $b$  од датих вредности притисака и запремина, као и општи израз за зависност апсолутне температуре  $T$  од запремине  $V$  у овом случају. Универзална гасна константа је  $R$ . (На основу МФ84, 2.2) (20 п)

4. Помоћу компресора се захвата ваздух температуре  $T_1 = 300 \text{ K}$ , који се налази под атмосферским притиском  $p_1 = 10^5 \text{ Pa}$ , и адијабатски се сабија до  $p_2 = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$ . Количина ваздуха који се убацује износи  $\Delta V / \Delta t = 3 \text{ dm}^3/\text{s}$ . Израчунајте корисну снагу компресора и температуру после сабијања. Коефицијент адијабате је  $\gamma = 1,4$ . (20 п)

5. Кружни циклус, приказан на слици, у коме учествује  $n$  молова неког гаса, састоји се из две изохоре и две изобаре. У стању "1" температура гаса износи  $T_1$ , а у стању "3" температура гаса износи  $T_3$ . Тачке 2 и 4 налазе се на истој изотерми. Показати да је рад који се изврши у овом циклусу једнак  $A = nR(\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1})^2$ , где је  $R$  универзална гасна константа. (25 п)



У свим задацима гас (и ваздух) сматрајте идеалним.

**Задатке припремила: Маја Рабасовић,**  
**Институт за физику, Београд-Земун**  
**Рецензент: др Драган Маркушев,**  
**Институт за физику, Београд-Земун**  
**Председник Комисије за такмичење: др Мићо Митровић,**  
**Физички факултет, Београд**

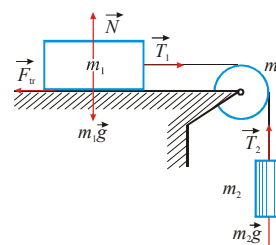
**ДРУШТВО ФИЗИЧАРА СРБИЈЕ**  
**МИНИСТАРСТВО ПРОСВЕТЕ И СПОРТА РЕПУБЛИКЕ СРБИЈЕ**

**Решења задатака за општинско такмичење ученика средњих школа**

**11. фебруар 2007.**

**II разред**

**P1.** а) Из једначина кретања  $m_1 a = T_1 - F_{tr} = T_1 - km_1 g$  (2п),  $m_2 a = m_2 g - T_2$  (2п) и  $I a = (T_2 - T_1)R$  (2п), где је  $I = mR^2 / 2$  (1п), добијамо да је убрзање тела масе  $m_2$  једнако  $a = (m_2 - km_1)g / (0,5m + m_1 + m_2) = 2,4 \text{ m/s}^2$  (5п). б) Рад силе трења, која делује на тело масе  $m_1$ , износи  $A = -F_{tr}s = -km_1 g s$  (4п), где је  $s = at^2 / 2$  (1п) пређени пут тела  $m_1$  за неко време  $t$ .



Сада можемо лако израчунати рад силе трења  $A = -km_1 g s = -km_1 g at^2 / 2 = -47,1 \text{ J}$  (3п).

**P2.** У овом случају имамо изобарски процес, па ћемо применити Геј-Лисаков закон:  $V_1/V_2 = T_1/T_2$  (3п), где је  $T_2 = T_1 + 1 \text{ K}$  (3п),  $V_1 = V$  а  $V_2 = V + (1/335)V = (336/335)V$  (4п). Сада је  $335/336 = T_1/(T_1 + 1)$  (3п), што даје вредност  $T_1 = 335 \text{ K}$  (2п).

**P3.** Из услова задатка зависност притиска од запремине дата је функцијом  $p = -aV + b$ , где су  $a$  и  $b$  константе које се могу одредити из услова задатка. Како дата функција важи и за стање "1" и за стање "2", можемо написати да је  $p_1 = -aV_1 + b$  (2п) и  $p_2 = -aV_2 + b$  (2п). Из последње две једначине добија се  $a = (p_1 - p_2)/(V_2 - V_1)$  (4п) и  $b = (p_1V_2 - p_2V_1)/(V_2 - V_1)$  (4п). Множењем израза за притисак са  $V$ , добија се једначина стања идеалног гаса  $-aV^2 + bV = (m/M)RT$  (4п), што даје  $T = -(Ma/mR)V^2 + (Mb/mR)V$  (4п).

**P4.** Рад који се изврши на гасу при адијабатском сабијању једнак је:  $\Delta A = \Delta U = (5/2)\nu R(T_2 - T_1)$  (3п), или  $\Delta A = (5/2)(\Delta m/M)R\Delta T$  (1п), (где је  $\Delta m$  маса ваздуха коју захвати компресор), а снага компресора:  $P = \Delta A / \Delta t = (5/2)(\Delta m / (M\Delta t))R\Delta T$  (4п). Ако са  $\Delta V$  означимо запремину захваћеног ваздуха, из једначине стања идеалног гаса и закона за адијабатске промене следи:  $p_1\Delta V = (\Delta m/M)RT_1$  (3п) и  $p_1^{(\gamma-1)/\gamma} / T_1 = p_2^{(\gamma-1)/\gamma} / T_2$  (3п). Из ових релација се добија  $P = (5/2)p_1 [(p_2/p_1)^{(\gamma-1)/\gamma} - 1] \cdot (\Delta V / \Delta t) = 164,3 \text{ W}$  (4п) и  $T_2 = 366 \text{ K}$  (2п).

**P5.** Рад је бројно једнак површини 1-2-3-4, па је  $A = (p_2 - p_1)(V_4 - V_1)$  (5п). Ако са  $T$  обележимо температуру у стању 2 и 4, важи:  $p_2/p_1 = p_3/p_4$  (3п), одакле следи да је  $T/T_1 = T_3/T$  (2п). Сада је  $A = p_1V_1(p_2/p_1 - 1)(V_4/V_1 - 1) = nRT_1(T/T_1 - 1)(T/T_1 - 1)$  (3п), јер је  $V_4/V_1 = (nRT/p_1)/(nRT_1/p_1) = T/T_1$  (3п). Пошто је, на основу претходне анализе,  $T = \sqrt{T_1T_3}$  (1п), онда је  $A = nRT_1(T/T_1 - 1)^2 = nRT_1(\sqrt{T_3/T_1} - 1)^2$  (3п), па је на крају  $A = nRT_1(T_3/T_1 - 2\sqrt{T_3T_1} + T_1) = nR(T_3 - 2\sqrt{T_3T_1} + T_1) = nR(\sqrt{T_3} - \sqrt{T_1})^2$  (5п).